

**Министерство образования и науки Российской Федерации  
Федеральная заочная физико-техническая школа  
при Московском физико-техническом институте  
(государственном университете)**

**ФИЗИКА**

**Тонкие линзы**

Задание №5 для 8-х классов

(2010 – 2011 учебный год)



г. Долгопрудный, 2011

*Составитель:* В.П. Слободянин, доцент кафедры общей физики МФТИ.

Физика: задания №5 для 8-х классов (2010 – 2011 учебный год). – М.: МФТИ, 2011, 20с.

**Дата отправления заданий по физике и математике – 10 апреля 2011 г.**

Учащийся должен стараться выполнять **все** задачи и контрольные вопросы в заданиях. Некоторая часть теоретического материала, а также часть задач и контрольных вопросов являются сложными и потребуют от учащегося больше усилий при изучении и решении. В целях повышения эффективности работы с материалом они обозначены символом «\*» (звёздочка). Мы рекомендуем приступать к этим задачам и контрольным вопросам в последнюю очередь, разобравшись вначале с более простыми.

Составитель:

**Слободянин Валерий Павлович**

Подписано 21.01.11. Формат 60×90 1/16.

Бумага типографская. Печать офсетная. Усл. печ. л. 1,25.

Уч.-изд. л. 1,11. Тираж 1400. Заказ №5-з.

Федеральная заочная физико-техническая школа  
при Московском физико-техническом институте  
(государственном университете)

ООО «Печатный салон ШАНС»

141700, Москов. обл., г. Долгопрудный, Институтский пер., 9.  
ФЗФТШ при МФТИ, тел./факс (495) 408-5145 – заочное отделение  
тел./факс (498) 744-6351 – очно-заочное отделение  
тел. (498) 744-6583 – очное отделение

*e-mail: [zftsh@mail.mipt.ru](mailto:zftsh@mail.mipt.ru)*

**Наш сайт: [www.school.mipt.ru](http://www.school.mipt.ru)**

© ФЗФТШ при МФТИ, 2011

## §1. Преломление света на тонком клине

Прежде чем изучать тонкие линзы, давайте решим задачу о прохождении узкого пучка света через тонкий клин. Тонким клином называется стеклянная призма, у которой угол  $\alpha$  при вершине мал ( $\alpha \ll 1$ ). Чтобы изготовить такой клин в заводских условиях, берут стеклянную плоскопараллельную пластинку и на шлифовальном станке часть одной из её граней стачивают под малым углом  $\alpha$  (рис. 1.1). Если левую грань клина сошлифовать так, что она уменьшится на толщину плоскопараллельной пластинки  $ABCD$ , то угол отклонения узкого пучка света, падающего под малым углом  $\varphi_1$  на клин, не изменится. Поэтому договорились изображать клин так, как показано на рис. 1.2. Пусть  $n$  – показатель преломления материала клина. Найдём угол  $\delta$  отклонения луча от исходного направления. Задачу будем решать в предположении, что углы  $\alpha$  и  $\varphi_1$  малы. На рис. 1.3 эти углы для наглядности сильно увеличены.

$$\left. \begin{aligned} \varphi_1 &= n\psi_1, \\ \varphi_2 &= n\psi_2. \end{aligned} \right\} \text{ Приближенный закон Снелла (см. §7 задания 4).}$$

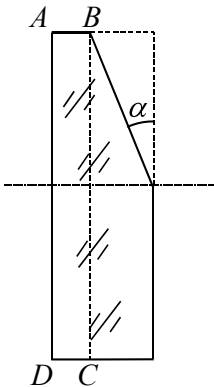


Рис. 1.1

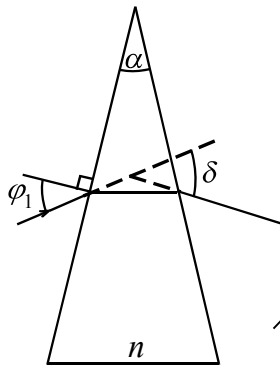


Рис. 1.2

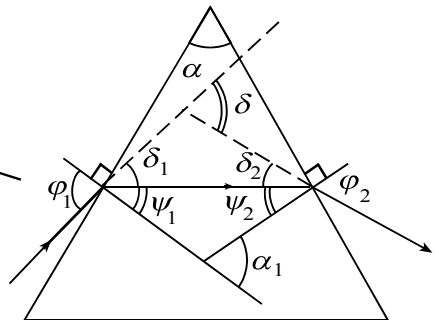


Рис. 1.3

Угол отклонения луча на первой грани  $\delta_1 = \varphi_1 - \psi_1 = (n-1)\psi_1$ .

Угол отклонения луча на второй грани  $\delta_2 = \varphi_2 - \psi_2 = (n-1)\psi_2$ .

По теореме о внешнем угле треугольника угол отклонения луча, прошедшего сквозь клин, равен  $\delta = \delta_1 + \delta_2 = (n-1)(\psi_1 + \psi_2)$ .

По той же теореме  $\alpha_1 = \psi_1 + \psi_2$ , а углы  $\alpha$  и  $\alpha_1$  равны как углы со взаимно перпендикулярными сторонами. В итоге мы получим:

$$\delta = \delta_1 + \delta_2 = (n-1)(\psi_1 + \psi_2) = (n-1)\alpha_1 = (n-1)\alpha .$$

Итак, *угол отклонения  $\delta$  пучка параллельных лучей, прошедших сквозь тонкий клин, не зависит от угла падения и остаётся постоянной величиной:*

$$\delta = (n-1)\alpha . \tag{1.1}$$

Иногда у плоскопараллельной пластинки стачивают под малыми углами обе половины одной из граней (см. рис. 1.4). Получившееся устройство называют *бипризмой*. Если на бипризму пустить широкий пучок параллельных лучей света, то после прохождения бипризмы пучки станут сходящимися. Рассмотрим



**пример 1.1.** На бипризму, изготовленную из стекла с показателем преломления  $n = 1,5$  и имеющую ширину  $b = 3$  см, пустили широкий пучок параллельных лучей света. Углы при вершине бипризмы одинаковы и равны  $\alpha = 0,05$  рад. За бипризмой образовалось два сходящихся пучка параллельных лучей.

1) Под каким углом  $\varphi$  будут сходящиеся лучи?

Если за бипризмой установить экран, то на нём можно наблюдать область, освещённую обоими пучками.

2) На каком расстоянии  $L_1$  от бипризмы нужно установить

**Рис. 1.4** экран, чтобы область перекрытия пучков была максимальной?

3) На каком максимальном расстоянии  $L_2$  от бипризмы пучки лучей ещё будут пересекаться?

**Решение.** 1) Изобразим ход лучей за бипризмой (рис. 1.5). Верхняя половина бипризмы отклонит падающий пучок лучей вниз на угол

$$\delta_1 = (n-1)\alpha = 0,025 \text{ рад,}$$

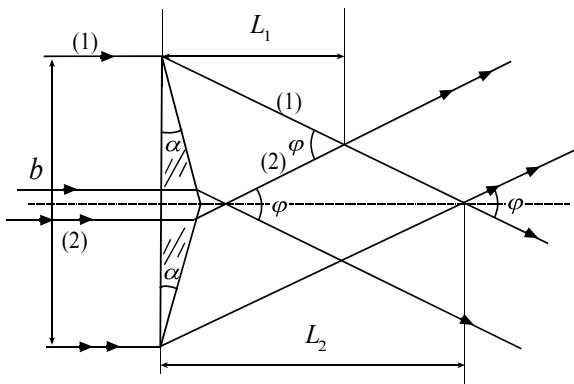
а нижняя – вверх на такой же по величине угол

$$\delta_2 = (n-1)\alpha .$$

Следовательно, пучки будут сходящимися под углом

$$\varphi = 2\delta_1 = 2(n-1)\alpha = 0,05 \text{ рад.}$$

2) Максимальная область перекрытия пучков находится там, где пере-



**Рис. 1.5**

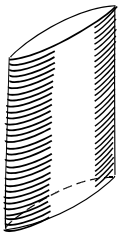
секаются лучи (1) и (2) (см. рис. 1.5).

В силу малости угла  $\varphi$  искомое расстояние  $L_1 \approx \frac{b}{2\varphi} = \frac{b}{4\alpha(n-1)} = 30$  см.

3) Из того же рисунка легко видеть, что максимальное расстояние  $L_2 = 2L_1 = 60$  см.

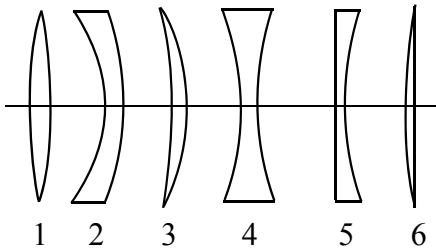
## §2. Тонкая линза

Слово «линза» произошло от латинского lens – чечевица. В оптике под линзой понимают прозрачное тело, ограниченное выпуклыми или вогнутыми поверхностями и преобразующее форму светового пучка.

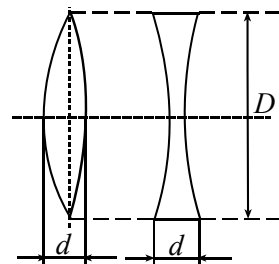


Одна из поверхностей линзы может быть плоской. Мы будем рассматривать линзы, находящиеся в воздухе, если иное специально не оговорено. Если линза преобразует пучок параллельных лучей в сходящийся, её называют *собирающей* или *положительной*. Если после прохождения линзы пучок параллельных лучей становится расходящимся, линзу называют *рассеивающей* или *отрицательной*. Существует огромное разнообразие типов линз. Так, для решения некоторых научных задач используют цилиндрические линзы (рис. 2.1). Но наиболее широкое распространение получили линзы, обе преломляющие поверхности которых представляют собой части сфер с разными радиусами кривизны.

**Рис. 2.1** ют *рассеивающей* или *отрицательной*. Существует огромное разнообразие типов линз. Так, для решения некоторых научных задач используют цилиндрические линзы (рис. 2.1). Но наиболее широкое распространение получили линзы, обе преломляющие поверхности которых представляют собой части сфер с разными радиусами кривизны.



**Рис. 2.2.**



**Рис. 2.3**

Такие линзы относительно просты в изготовлении. Собирающие линзы делятся на двояковыпуклые, плоско-выпуклые, вогнуто-выпуклые. Рассеивающие – на двояковогнутые, плоско-вогнутые и выпукло-вогнутые. На рисунке 2.2 дан вид сбоку на такие линзы. Мы с вами рассмотрим основные свойства так называемых **тонких линз**. Говорят, что линза тонкая, если её толщина  $d$  много меньше диаметра  $D$  (рис. 2.3).

Здесь уместно отметить, что упрощённый подход, который мы будем использовать в нашем исследовании, с одной стороны, позволяет ясно понять основные свойства тонких линз, с другой, – не позволяет учесть некоторые эффекты, например искажения (их называют аберрациями), неизбежно возникающие при прохождении света через реальные *толстые* линзы.

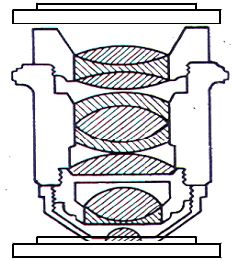


Рис. 2.4

Для того чтобы исправить аберрации, при производстве оптических приборов часто используют составные линзы или линзы, поверхность которых имеет специальную форму, например, параболическую.

Заметим, что хороший объектив микроскопа может содержать более десяти линз (рис. 2.4).

### §3. Фокусные расстояния плоско-выпуклой линзы

Рассмотрим линзу, представляющую собой кусок стекла, который с одной стороны ограничен плоской поверхностью, а с другой – сферической (рис. 3.1). Пусть радиус сферической поверхности равен  $R$ , а показатель преломления стекла  $n$ . **Главной оптической осью** такой линзы назовём прямую  $CX$ , перпендикулярную плоской поверхности линзы и проходящую через центр кривизны  $C$  выпуклой поверхности. Предположим,

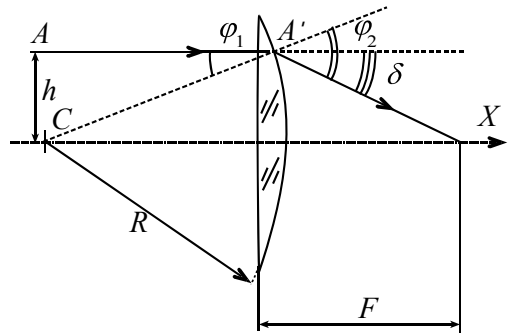


Рис. 3.1

что слева на плоскую поверхность линзы падает пучок лучей, параллельных главной оптической оси. Выберем из этого пучка произвольный луч  $AA'$ , проходящий на расстоянии  $h$  от главной оптической оси. Этот луч, преломившись на сферической поверхности, пересечёт главную оптическую ось на некотором расстоянии  $F$  от линзы. Если угол падения  $\varphi_1$  мал, то мы сможем воспользоваться приближённым законом Снелла:  $n \varphi_1 = \varphi_2$ .

Угол отклонения

$$\delta = \varphi_2 - \varphi_1 = (n - 1) \varphi_1. \quad (3.1)$$

Так как углы  $\delta$  и  $\varphi_1$  малы, запишем приближенное равенство:

$$\delta \approx \frac{h}{F}; \quad \varphi_1 \approx \frac{h}{R}.$$

Если полученные выражения подставить в формулу (3.1) и сократить на общий множитель  $h$ , то мы получим:  $\frac{1}{F} = P = \frac{n-1}{R}$ , или

$$F = \frac{R}{n-1}. \quad (3.2)$$

**Внимание!** Длина отрезка  $F$  не зависит от произвольно выбранной нами высоты  $h$ , следовательно, все лучи из падающего пучка пересекутся в одной и той же точке  $S_1$ , называемой **фокусом** линзы. Само же расстояние  $F$  называют **фокусным расстоянием линзы**, а физическую величину  $P$  – **оптической силой линзы**. В системе СИ она измеряется в диоптриях и обозначается **дптр**. По определению 1 дптр – это оптическая сила линзы с фокусным расстоянием 1 м.

**Пример 3.1.** Вычислите оптическую силу линзы с фокусным расстоянием  $F = 16$  см.

**Решение.** Выразим фокусное расстояние линзы в метрах:  $16 \text{ см} = 0,16 \text{ м}$ . По определению оптическая сила  $P = 1/(0,16 \text{ м}) = 6,25$  дптр.

**Ответ:**  $P = 6,25$  дптр.

Можно показать (подумайте, как), что если пучок лучей, параллельных главной оптической оси, направить справа на выпуклую поверхность плосковыпуклой линзы, то все они, дважды преломившись в линзе, пересекутся на главной оптической оси в точке  $S_2$ , отстоящей от линзы на таком же расстоянии  $F$ . То есть у линзы два фокуса. В этой связи договорились один фокус, в котором собираются параллельные лучи света, прошедшие сквозь собирающую линзу, называть **задним**, а другой фокус – **передним**. Для рассеивающих линз задний фокус (тот, в котором пересекаются продолжения параллельных лучей, падающих на линзу) находится со стороны источника, а передний – с противоположной стороны.

## §4. Формула тонкой собирающей линзы

Рассмотрим двояковыпуклую собирающую линзу. Прямая  $OX$ , проходящая через центры кривизны преломляющих поверхностей линзы, называется её **главной оптической осью** (сравните это определение с определением из §3 для плоско-выпуклой линзы). Предположим, что точечный источник света  $S_1$  расположен на этой оси. Проведём из точки  $S_1$  два

луча. Один – вдоль главной оптической оси, а другой – под углом  $\varphi_1$  к ней, в точку  $M$  линзы, отстоящую от главной оптической оси на расстоянии  $h$  (рис. 4.1). Преломившись в линзе, этот луч пересечёт главную оптическую ось в некоторой точке  $S_2$ , которая есть изображение источника  $S_1$ . Предположим, что углы, которые рассматриваемый луч образует с главной оптической осью линзы, малы. Тогда

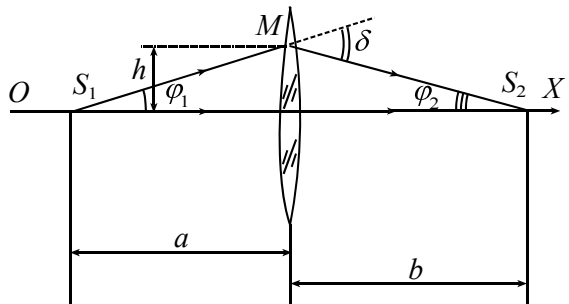


Рис. 4.1

ложим, что углы, которые рассматриваемый луч образует с главной оптической осью линзы, малы. Тогда

$$\varphi_1 \approx \frac{h}{a}, \quad \varphi_2 \approx \frac{h}{b}. \quad (4.1)$$

Легко видеть, что угол отклонения  $\delta$  является внешним для треугольника  $S_1MS_2$ . По теореме о внешнем угле треугольника

$$\varphi_1 + \varphi_2 = \delta. \quad (4.2)$$

Фрагмент линзы, в окрестности точки  $M$  через которую прошёл рассматриваемый луч, можно считать тонким клином. Ранее мы показали, что для тонкого клина угол отклонения есть величина постоянная и не зависит от угла падения. Значит, сместив источник  $S_1$  вдоль главной оптической оси и удалив его на бесконечность, мы добьемся того, что после прохождения линзы луч пройдет через её фокус, а угол отклонения будет

$$\delta \approx \frac{h}{F}. \quad (4.3)$$

Здесь  $F$  – фокусное расстояние линзы. Подставим выражения (4.1) и (4.3) в формулу (4.2). После сокращения на множитель  $h$  получим:

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{F}. \quad (4.4)$$

Мы получили формулу тонкой собирающей линзы. Не забудьте, что она получена в параксиальном приближении (для малых углов  $\varphi_1; \varphi_2; \delta$ ). Первенство в выводе этой формулы приписывают замечательному французскому естествоиспытателю Рене Декарту.

Обычно предметы или источники света изображают слева от линзы.

**Задача 4.1.** Найдите фокусное расстояние  $F$  линзы, составленной из двух собирающих линз с фокусными расстояниями  $F_1$  и  $F_2$ . Линзы прижаты вплотную одна к другой, а их главные оптические оси совпадают.



**Решение.** Линзу, составленную из двух плотно прижатых друг к другу тонких линз, тоже можно считать тонкой собирающей линзой, а это значит, что и для неё справедлива формула (4.4). Поместим точечный источник света  $S_1$  в переднем фокусе первой линзы. Для составной линзы  $a = F_1$ . Лучи, испущенные  $S_1$ , после прохождения первой линзы пойдут параллельно её главной оптической оси. Но рядом находится вторая линза. Пучок параллельных лучей, падающих на вторую линзу, сойдётся в её заднем фокусе (точка  $S_2$ ) на расстоянии  $F_2$ . Для составной линзы расстояние  $b = F_2$ . Выполнив соответствующие подстановки в (4.4) получим:

$$\frac{1}{F_1} + \frac{1}{F_2} = \frac{1}{F}. \quad (4.5)$$

Это соотношение можно выразить через оптические силы линз:

$$P_1 + P_2 = P. \quad (4.6)$$

Мы получили очень важный результат – *оптическая сила системы линз, плотно прижатых друг к другу, равна сумме их оптических сил.*

### §5. Формула тонкой рассеивающей линзы

Рассмотрим двояковогнутую рассеивающую линзу.  $OX$  – её главная оптическая ось. Предположим, что точечный источник света  $S_1$  расположен на этой оси. Как и в предыдущем параграфе, проведём из точки  $S_1$  два луча. Один – вдоль главной оптической оси, а другой – под углом к ней в точку  $M$  линзы, отстоящую от главной оптической оси на расстоянии  $h$  (рис. 5.1). Преломившись в линзе, этот луч будет ещё сильнее удаляться от главной оптической оси. Если его продолжить обратно, за линзу, то он пересечёт главную оптическую ось в некоторой точке  $S_2$ , называемой изображением источника  $S_1$ . Поскольку изображение получено в результате мысленного, воображаемого пересечения лучей, то и называют его *мнимым*.

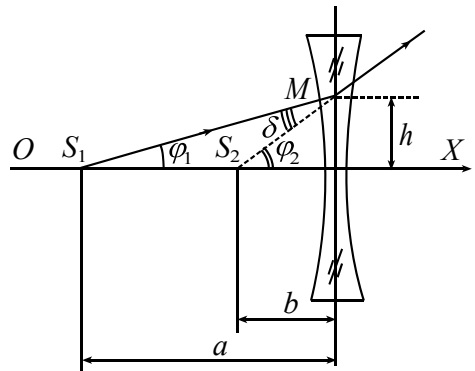


Рис. 5.1

Легко видеть, что угол  $\varphi_2$  является внешним для треугольника  $S_1MS_2$ . По теореме о внешнем угле треугольника

$$\varphi_1 + \delta = \varphi_2. \quad (5.1)$$

Фрагмент линзы, в окрестности точки  $M$  через которую прошёл рассматриваемый луч, можно рассматривать как тонкий клин. Смещая источник  $S_1$  вдоль главной оптической оси и удаляя его на бесконечность, мы добьёмся того, что луч, параллельный главной оптической оси, после преломления в линзе пройдёт через её фокус, а угол отклонения будет равен

$$\delta \approx \frac{h}{F}, \quad (5.2)$$

где  $F$  – фокусное расстояние линзы. Мы по-прежнему считаем, что углы, которые рассматриваемый луч образует с главной оптической осью линзы, малы. Тогда

$$\varphi_1 \approx \frac{h}{a}, \quad \varphi_2 \approx \frac{h}{b}. \quad (5.3)$$

Подставим выражения (5.2) и (5.3) для углов в формулу (5.1). После сокращения на общий множитель  $h$  получим:

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{F} = \frac{1}{b}. \quad (5.4)$$

Обычно выражение (5.4) записывают в несколько ином виде:

$$\frac{1}{a} - \frac{1}{b} = -\frac{1}{F}. \quad (5.5)$$

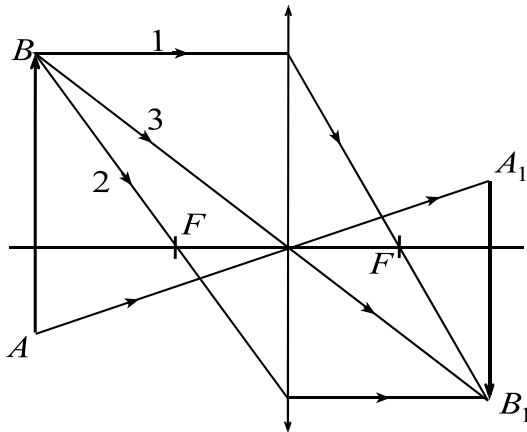
Мы получили формулу так называемой тонкой рассеивающей линзы. В качестве расстояний  $a, b, F$  берутся их арифметические значения.

## §6. Построение изображений, даваемых тонкой линзой

На оптических схемах линзы принято обозначать в виде отрезка со стрелками на концах. У собирающих линз стрелки направлены наружу, а у рассеивающих – к центру отрезка.

Рассмотрим порядок построения изображений, которые создаёт собирающая линза (рис. 6.1). Поместим слева от линзы на расстоянии, большем фокусного, вертикальную стрелку (предмет)  $AB$ . Из точки  $B$  пустим на линзу луч (1) параллельно главной оптической оси. Преломившись, этот луч пройдёт через задний фокус вправо и вниз. Второй луч пустим через передний фокус. Преломившись в линзе, он пойдёт вправо параллельно главной оптической оси. Существует точка  $B_1$  в которой оба луча пересекутся.  $B_1$  есть изображение точки  $B$ . Любой другой луч, вышедший из  $B$  и прошедший сквозь линзу, также должен прийти в точку  $B_1$ . Аналогичным образом построим изображение точки  $A$ . Так, мы

построили изображение пред-



**Рис. 6.1**

щих свойства тонкой линзы:

– **прямую линию линза отображает в прямую;**

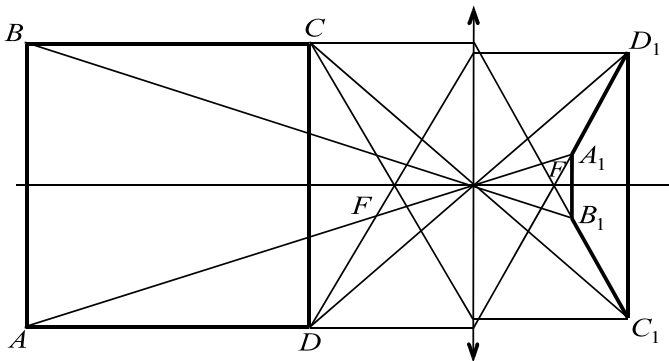
– **если плоский предмет перпендикулярен главной оптической оси, то и его изображение будет перпендикулярным этой оси.** Вообще же, углы у протяженных предметов, расположенных вдоль главной оптической оси, и углы у их изображений различны. Это видно из рис. 6.2. Квадрат  $ABCD$  линза «превратила» в трапецию  $A_1B_1C_1D_1$ .

мета  $AB$  в тонкой линзе. Из рис. 6.1 видно что:

1) изображение стрелки **действительное** (если на место изображения стрелки поместить плоский экран, то на нём можно увидеть её изображение);

2) изображение **перевёрнутое** (относительно самой стрелки). Как сама стрелка  $AB$ , так и её изображение  $A_1B_1$  перпендикулярны главной оптической оси.

Отметим два достаточно об-



**Рис. 6.2**

Если справа и слева от тонкой линзы находится одна и та же среда (обычно это воздух), то для построения изображения заданной точки может оказаться полезным ещё один «замечательный» луч – тот, который идёт через центр линзы. На рис. 6.1 он помечен как луч (3). Проходя через линзу, он не меняет своего направления и так же, как и первые два



$$\Gamma = \frac{A'B'}{AB} = \frac{b}{a}. \quad (7.1)$$

Для  $\Gamma$  можно получить и другие выражения. Из подобия треугольников  $ABC$  и  $ODC$  получим:

$$\Gamma = \frac{OD}{AB} = \frac{OC}{AC} = \frac{F}{a-F}, \quad (7.2)$$

или

$$\Gamma = \frac{A'B'}{OK} = \frac{b-F}{F}. \quad (7.3)$$

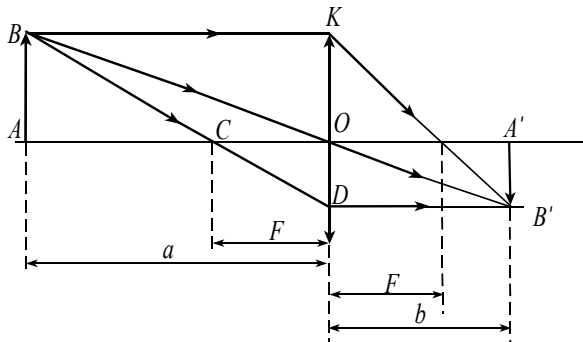


Рис. 7.2

Для собирающей линзы в таблице 1 приведены качественные характеристики изображения плоского предмета, зависящие от отношения расстояний  $a$  и  $F$ .

Таблица 1.

Расстояние от линзы до предмета	Изображение прямое или перевёрнутое	Изображение действительное или мнимое	Изображение увеличенное или уменьшенное
$a < F$	прямое	мнимое	увеличенное
$F < a < 2F$	перевёрнутое	действительное	увеличенное
$a > 2F$	перевёрнутое	действительное	уменьшенное

С помощью построения убедитесь в правильности данной таблицы.

### §8. Примеры решения задач

**Задача 8.1.** Луч света, выходящий из воды ( $n_1 = 4/3$ ), падает на её поверхность под предельным углом полного отражения. Выйдет ли луч в

воздух, если на поверхности воды налить слой кедрового масла ( $n_2 = 1,52$ )?

**Решение.** Запишем условие прохождения луча света через воду, кедровое масло и (возможно) воздух. Согласно формуле (5.1) предыдущего задания,  $n_1 \sin \varphi_{кр.1} = n_2 \sin \varphi_2 = \sin 90^\circ = 1$ .

Следовательно, луч света, проникший в плёнку из кедрового масла, будет падать на границу раздела масло-воздух под углом  $\varphi_2$  (предельным углом для кедрового масла), а это значит, что он и в этом случае не выйдет в воздух.

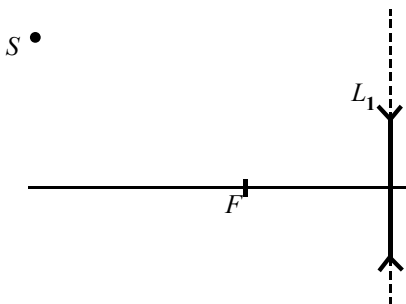


Рис. 8.1

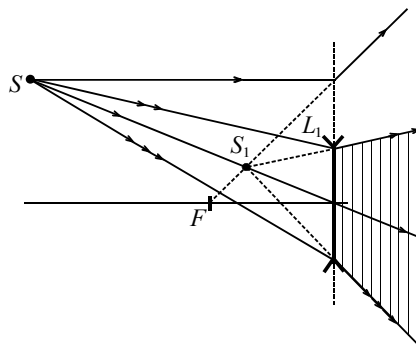


Рис. 8.2

**Задача 8.2.** Перед рассеивающей линзой  $L_1$  с известным диаметром  $D$  находится точечный источник  $S$ , не лежащий на главной оптической оси этой линзы (рис. 8.1). Постройте изображение  $S_1$  источника. Покажите штриховкой область, из которой наблюдатель может видеть изображение  $S_1$ .

**Решение.** Порядок построения изображения в рассеивающей линзе описан в §6. Наблюдателю, который видит сквозь линзу изображение  $S_1$ , будет казаться, что лучи, идущие от изображения  $S_1$ . Штриховкой (рис. 8.2) отмечена искомая область. Из других мест изображение  $S_1$  увидеть нельзя.

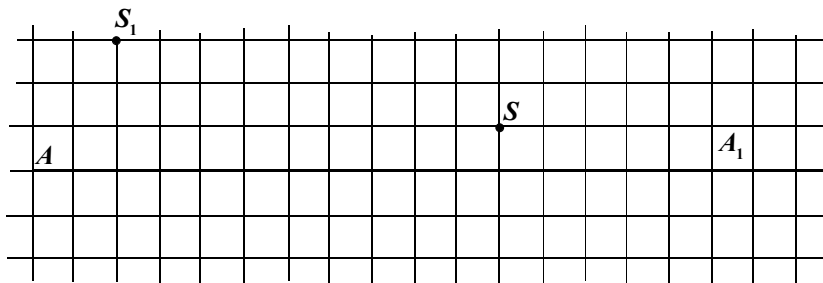


Рис. 8.3

**Задача 8.3.** Тонкая линза создаёт изображение  $S_1$  точечного источника  $S$  (рис. 8.3).  $AA_1$  – главная оптическая ось линзы. Восстановите положение

линзы. Собирающая или рассеивающая эта линза?

**Решение.** Проведём через точки  $S_1$  и  $S$  прямую до пересечения с главной оптической осью. Эта прямая – побочная оптическая ось (см. §6). Следовательно, точка  $O$  пересечения оптических осей – оптический центр линзы. Плоскость линзы перпендикулярна главной оптической оси. Проведём из точки  $S$  луч (1) параллельно главной оптической оси. Преломившись в линзе, он должен пройти через её фокус. Кроме того, этот луч (или его продолжение) должен пройти через точку  $S_1$  (изображение точки  $S$ ). Т. к. через  $S_1$  проходит воображаемое продолжение луча, то изображение мнимое, прямое, увеличенное, а линза собирающая (см. таблицу 1).

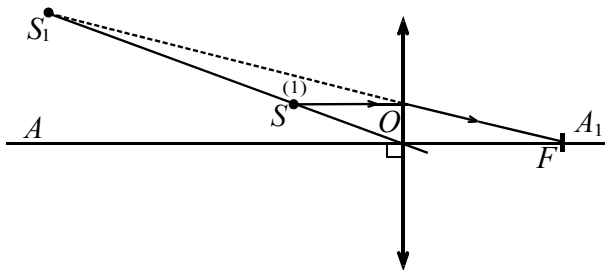


Рис. 8.4

### Контрольные вопросы

1. Какое изображение (прямое или перевернутое, мнимое или действительное, уменьшенное или увеличенное) даст собирающая линза, если расстояние от линзы до предмета  $a = 1,5F$ .

2. К какому типу линз (собирающих или рассеивающих) относится линза 2, изображённая на рис. 2.2. Задания?

3\*. Перпендикулярно главной оси собирающей линзы расположена стрелка  $AB$  (рис. 1). Какое из утверждений истинное:

а) мнимое изображение стрелки может быть как увеличенным, так и уменьшенным;

б) мнимое изображение стрелки может быть как прямым, так и перевернутым;

в) мнимое изображение стрелки может находиться как справа, так и слева от переднего фокуса;

г) мнимое изображение стрелки может находиться как справа, так и слева от самой стрелки.

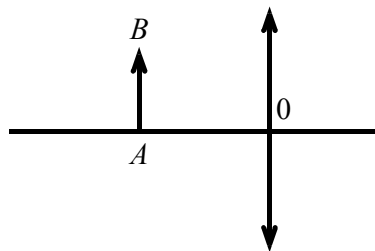


Рис. 1

4. Верно ли утверждение, что острый угол собирающая линза всегда отображает в острый угол?

5\*. Отрезок  $AB$  пересекает фокальную плоскость собирающей линзы. Верно ли, что его изображение будет состоять из двух лучей, лежащих на одной прямой? Ответ поясните.

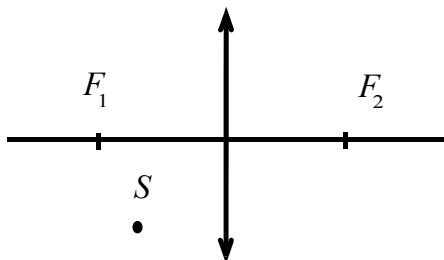


Рис. 2

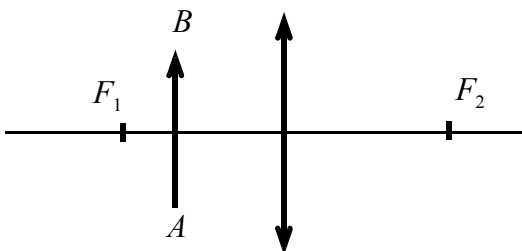


Рис. 3

6. Перед собирающей линзой находится точечный источник  $S$  (рис. 2). Покажите штриховкой область, из которой можно видеть изображение этого источника.

7. Перед собирающей линзой находится стрелка  $AB$  (рис. 3). Покажите штриховкой область, из которой можно видеть изображение всей стрелки (стрелка перпендикулярна главной оптической оси и находится между линзой и её передним фокусом).

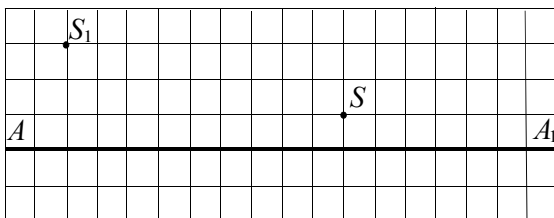


Рис. 4

8. Тонкая линза создаёт изображение  $S_1$  точечного источника  $S$  (рис. 4).  $AA_1$  – главная оптическая ось линзы. Восстановите положение линзы. Собирающая или рассеивающая эта линза?

9. Тонкая линза создаёт изображение  $S_1$  точечного источника  $S$  (рис. 5).  $AA_1$  – главная оптическая ось линзы. Восстановите положение линзы. Собирающая или рассеивающая эта линза?



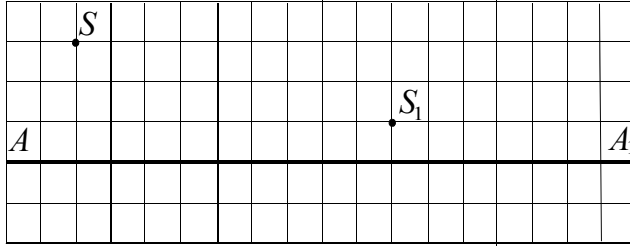


Рис. 5

10. Поперечное увеличение линзы  $|Γ| > 1$ . Выберите верные утверждения:

- А)  $a > 2F$ ; Б)  $2F > a > F$ ; В)  $a < F$ .

### Задачи

**Задача 1.** Два стеклянных клина с малым углом  $\alpha$  при вершине и показателями преломления  $n_1$  и  $n_2$  соответственно соединены так, как показано на рис. 6. Пучок параллельных лучей света, падающих на такую систему, отклоняется верхней частью вниз, а нижней – вверх и пересекаются под углом  $\beta$ . Вычислите этот угол.

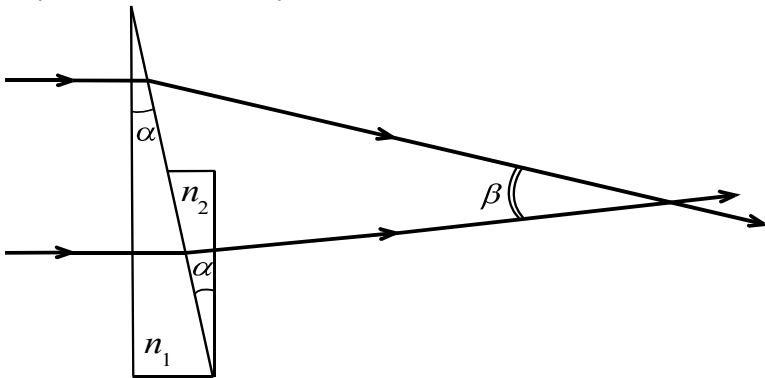


Рис. 6

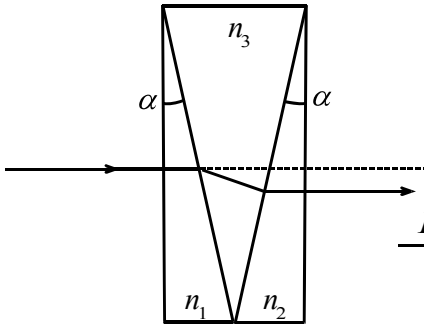


Рис. 7

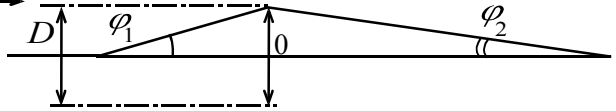


Рис. 8

**Задача 2.** Между двумя тонкими стеклянными клиньями с одинаковыми углами при вершине и показателями преломления  $n_1$  и  $n_2$  соответственно помещают третий клин так, что они образуют плоскопараллельную пластинку (рис. 7). Пучок параллельных лучей света, падающих на такую систему, не отклоняется. Вычислите показатель преломления  $n_3$  среднего клина.

**Задача 3.** Определите фокусное расстояние двояковыпуклой линзы, изготовленной из стекла с показателем преломления  $n = 1,5$  и имеющей радиусы кривизны преломляющих поверхностей  $R_1 = 8$  см и  $R_2 = 12$  см.

**Задача 4.** Луч света, падающий на край собирающей линзы, образует с главной оптической осью угол  $\varphi_1 = 0,06$  рад, а после выхода из линзы он образует с этой осью угол  $\varphi_2$  вдвое меньший угла  $\varphi_1$  (рис. 8). Диаметр линзы  $D = 54$  мм. Вычислите фокусное расстояние линзы.

**Задача 5.** Стрелка  $AB$  перпендикулярна главной оптической оси тонкой собирающей линзы. Расстояние от стрелки до экрана, на котором получилось её чёткое изображение, равно  $L = 30$  см. Если линзу передвинуть вдоль её главной оптической оси на расстояние  $l = 3$  см (не смещая при этом стрелку и экран), то изображение вновь окажется чётким. Каково фокусное расстояние линзы?

**Задача 6.** Стрелка  $AB$  перпендикулярна главной оптической оси тонкой собирающей линзы. Расстояние от стрелки до экрана, на котором получилось её чёткое изображение, равно  $L = 81$  см. Если линзу передвинуть вдоль её главной оптической оси на расстояние  $l = 9$  см (не смещая при этом стрелку и экран), то изображение вновь окажется чётким. Каково поперечное увеличение  $\Gamma$  изображения предмета в исходном и конечном состоянии?

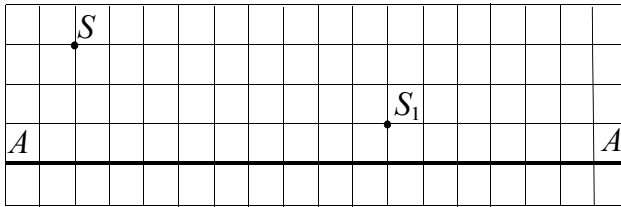


Рис. 9

**Задача 7.** Тонкая линза создаёт изображение  $S_1$  точечного источника  $S$  (рис. 9).  $AA_1$  – главная оптическая ось линзы. Построением (с помощью циркуля и линейки без делений) восстановите положение фокусов линзы.

**Задача 8\*.** Известно, что некоторый луч, проходящий через точку  $A$ , после преломления в линзе проходит через точку  $B$ . Построением (с помощью циркуля и линейки без делений) восстановите ход луча от точки  $A$  через линзу до точки  $B$  (рис. 10).

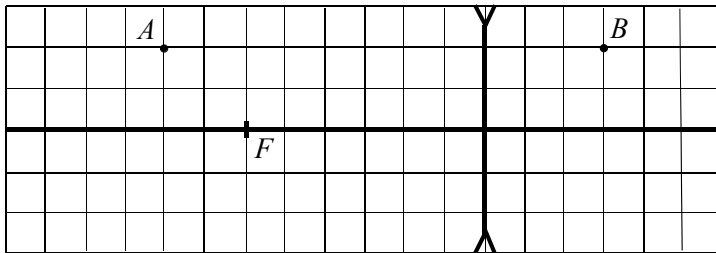
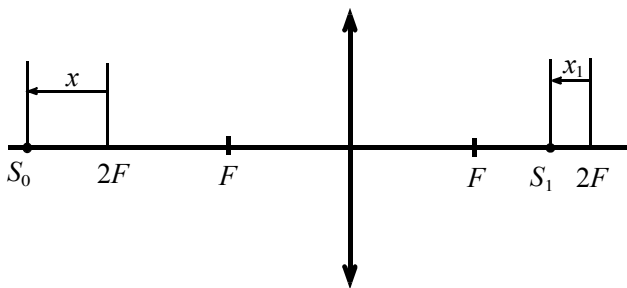


Рис. 10

**Задача 9.** Японский физик Нараяна получил формулу тонкой линзы, отличную от формулы Декарта (4.4). В ней он использовал расстояние  $x$ , отсчитываемое от переднего двойного фокуса до точечного источника  $S_0$ , расстояние  $x_1$  от заднего двойного фокуса до изображения  $S_1$  точечного источника  $S_0$  и фокусное расстояние  $F$  (рис. 11). Расстояния  $x$  и  $x_1$  считаются отрицательными, если они отсчитываются от двойного фокуса по направлению к линзе, и положительными в противном случае. Выведите формулу Нараяна: 
$$\frac{1}{x} + \frac{1}{x_1} = -\frac{1}{F}.$$



**Рис. 11**